金融論IV



第11回講義 12月2日(火)

本日の課題

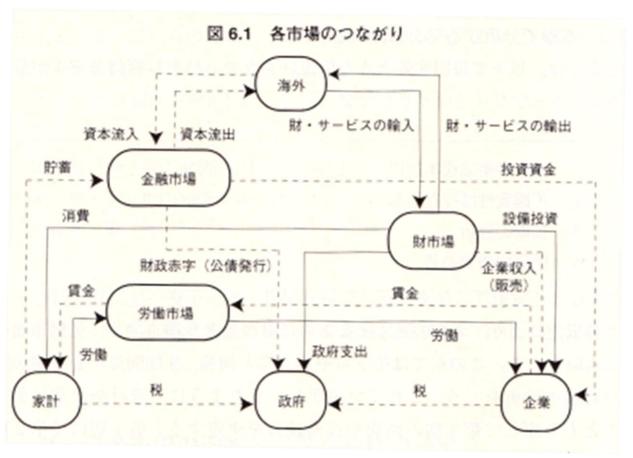
- ①金利の期間構造とは何かを説明してください。
- ②1年物スポットレートが10%、2年物スポットレートは12%のとき、1年先の1年物フォワードレートは何パーセントになりますか?



- ①割引債の複利最終利回りのことをスポットレートという。: 横軸に満期、縦軸に満期が 異なる債券のスポットレートを描いたものが、 金利の期間構造を表すイールドカーブであ る。イールドカーブには、将来の金利予想変 化(インフレ期待)が反映される。
- ②フォワードレートをfとすると、期待仮説より (1+0.12)²=(1+0.1)(1+f) これを解いて、f=0.1404

第11章. 閉鎖経済の長期分析

1. マクロ経済モデル



二神孝一·堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp131より引用

2. 閉鎖経済モデルの特徴

- 仮定
 - ①生産要素は資本だけ(=労働市場は考慮しない)
 - ②不確実性は存在しない(=完全予見が成立)
 - ③長期の分析(=市場は均衡している)
 - 4閉鎖経済である
- 外生変数
 - 第1期の資本ストック(K₁)、第1期と第2期の政府支出 (G₁,G₂)と税収(T₁,T₂)、第1期と第2期の名目貨幣量 (M₁, M₂)
- 内生変数
 - 第1期と第2期の実質GDP(Y₁,Y₂)、第1期と第2期の 物価水準(P₁, P₂)、実質利子率(r)

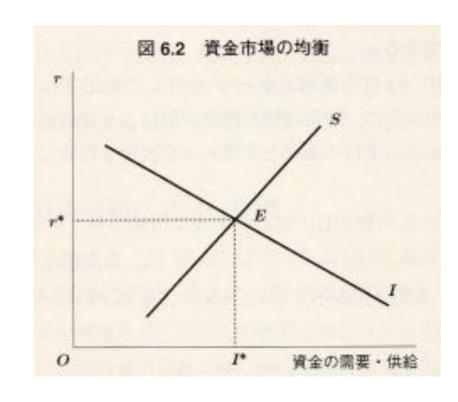
(1)財市場

- 第1期:Y₁=F(K₁)
- $K_2 = K_1 + I(r)$
 - Ilはrの減少関数。よってK2もrの減少関数
- 第2期: $Y_2 = F(K_2) = F(K_1 + I(r)) = Y_2(r)$
 - 実質利子率の上昇⇒ Iの減少⇒ Y₂の減少
- t期の消費をC_tとする
- 第1期の財市場の均衡: Y₁=C₁+I ・・・①式
- 第2期の財市場の均衡: Y₂=C₂

(2)資金市場

- 政府活動を考慮しないので、T₁=0
- $S = Y_1 C_1$
- ①式より 資金需給の均衡:S=I
- 貯蓄関数:S=S(r, Y₁, Y₂(r))
 - r の増加関数
 - Y₁の増加関数
 - Y₂の減少関数(<u>r の上昇</u> ⇒ I の減少 ⇒ K₂の減少 ⇒ Y₂<u>の減少</u> ⇒ (完全予見) ⇒ C₁の減少 ⇒ <u>Sの増</u> <u>加</u>): r の増加関数

- 投資関数:
 - I=I(r)、r の減少関数
- 資金市場の均衡条件
 - $S(r, Y_1, Y_2(r)) = I(r)$



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp137より引用

(3)均衡実質GDPの決定

- 生産側
 - 第1期:K₁(所与) ⇒ Y₁*=F(K₁)
 - 第2期:r*の決定 ⇒ I*⇒ K₂*⇒【Y₂*=F(K₂*)】
- 需要側
 - 第1期: Y₁* =C₁* + I*
 - 第2期: Y₂* =C₂*
- 実質GDPの決定要因:
 - ①企業の生産技術(F)
 - ②家計の消費の選好、
 - ③初期の資本ストック(K₁)

4. 政府の経済活動とマクロ経済

(1)政府部門の予算制約

- 財政赤字を前提とする
 - 第1期:B=G₁-T₁、B:国債発行額
 - 第2期: $T_2 = (1+r)B+G_2$
- 上記よりBを消去すると

$$G_1 + \frac{G_2}{1+r} = T_1 + \frac{T_2}{1+r}$$

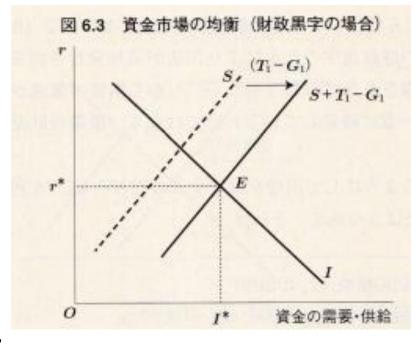
(2)資金市場の均衡と実質GDPの決定

- 財市場の均衡: Y₁ = C₁+I+G₁
- ・ 貯蓄:S=(Y₁-T₁)-C₁、Y₁-T₁は可処分所得



この結果

- $S = I_1 + G_1 T_1$
- 民間貯蓄は「企業投資(企業の資金需要)+財政赤字(政府の資金需要)」
- 資金市場の均衡条件
 - $S(r, Y_1-T_1, Y_2(r)-T_2)$ + $T_1-G_1=I(r)$
 - 均衡点Eで実質利子率、設備投資が決定



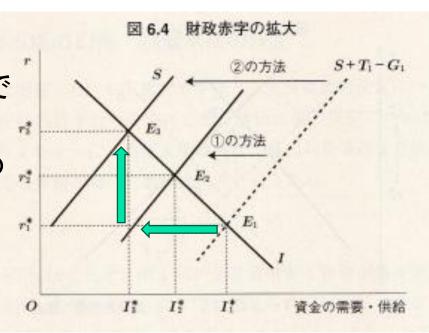
二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣)のp141より引用

5. 比較静学分析

(1)財政赤字の拡大

- ⇒資金供給曲線が左にシフト
- ①財政赤字を第2期の増税で 賄う場合
 - 第2期の所得が減少⇒第2期の 消費を一定に保つため貯蓄を 増加⇒資金供給の増加
- ②財政赤字を第2期の政府 支出削減で賄う場合
 - 上記の資金供給の増加は生じないので、減少幅は大きい

⇒実質利子率の上昇幅、設備投資の 減少幅はより大



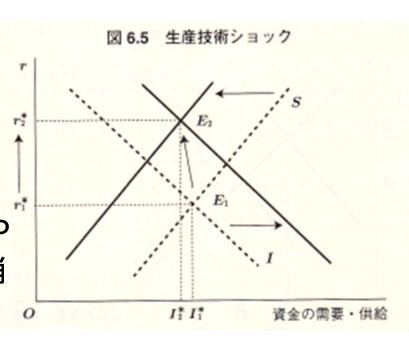
二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp143より引用

5. 比較静学分析

(2)生産技術の改善

⇒第2期の生産技術がF(K₂)から AF(K₂)、A>1に変化

- 最適な資本ストックの水準が上 昇⇒追加的な設備投資が必要
- 設備投資の拡大⇒第2期のGDP 上昇⇒(スライド7の説明より)消 費が増加⇒貯蓄は減少⇒資金 供給曲線は左にシフト
- 均衡点はE₁⇒E₂: 実質利子率は 上昇、設備投資の増減はS,I曲 線のシフト幅による

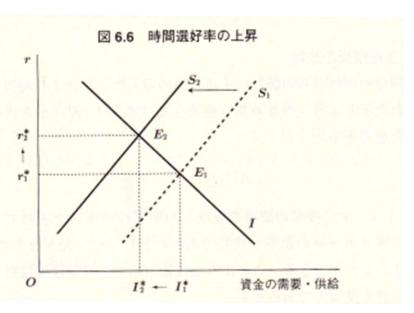


二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp144より引用

5. 比較静学分析

(3)時間選好率の変化

- 時間選好率の上昇=現在 の消費をより重視⇒貯蓄の 減少⇒資金供給曲線は左に シフト
- 均衡点はE₁⇒E₂:実質利子率は上昇、設備投資は減少

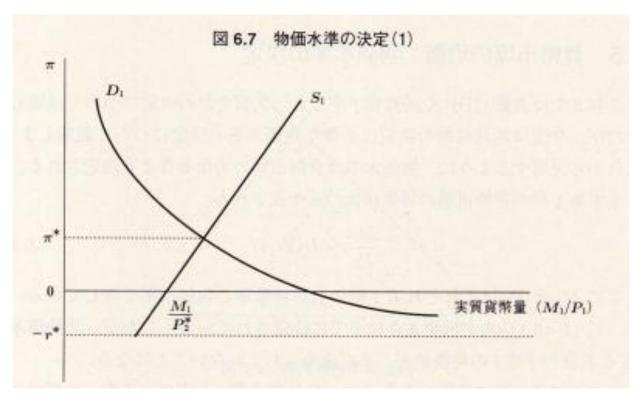


二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp144より引用

- 第2期の物価水準の決定
 - 第2期の貨幣市場の均衡: M₂/P₂ =L(Y₂(r*))
 - 実質利子率は財市場の均衡でr*で決まっているので、第2期のGDPであるY₂(r*)は所与
 - 第3期目はないので貨幣保有に関して名目利子率 (債券保有の選択)は考慮されない
- $P_2^* = \frac{M_2}{L(Y_2(r^*))} : M_2$ の増加は第2期の均衡物価水準 P_2^* を比例的に増加させる

- 第1期の物価水準の決定
 - 第1期の貨幣市場の均衡: M₁/P₁ = L(Y₁, i)
 - フィッシャー方程式: i = r + π
 - よって、 $\frac{M_1}{P_1} = L(Y_1, r^* + \pi), Y_1 と r^* は所与$
 - インフレ率の定義より: $\frac{P_2^*}{P_1} = 1 + \pi$
 - よって、 $\frac{M_1}{P_2^*}(1+\pi)$ =L(Y₁, r*+ π)
 - 第1期の実質貨幣供給量 第1期の実質貨幣需要関数
 - (右上がり) (右下がり) 会 名目利子率の減少関数 インフレ率の増加関数 =インフレ率の減少関数

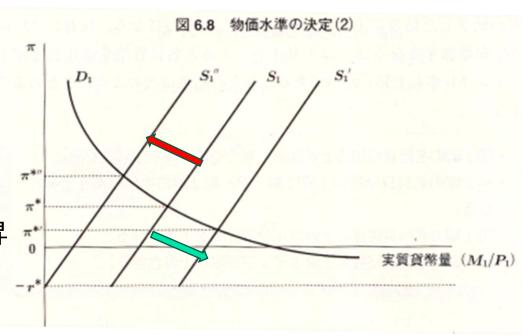
均衡インフレ率 π^* が 交点で決定 $\Rightarrow P_2^*$ は所与 $\Rightarrow P_1^*$ が決定



二神孝一·堀敬一『マクロ経済学』(有斐閣)のp146より引用

- 第1期の名目貨幣量の増加:S₁→S₁'
 - インフレ率は低下
- 第2期の名目貨幣量の増加:M₂の増加
- $\Rightarrow P_2^* = \frac{M_2}{L(Y_2(r^*))} \, \sharp \, \flat \, P_2^* \, \sharp \, \bot \, \sharp \,$
- $\Rightarrow \frac{M_1}{P_2^*} (1+\pi) \sharp \mathcal{V} S_1 \longrightarrow S_1''$
 - インフレ率は上昇
- 名目貨幣量の成長率 μ

$$\mu = \frac{M_2 - M_1}{M_1}$$



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp147より引用

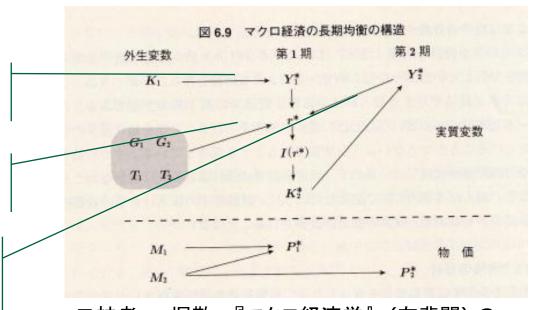
 M_1 の増加 $\Rightarrow \mu$ の低下 $\Rightarrow \pi$ の低下 M_2 の増加 $\Rightarrow \mu$ の上昇 $\Rightarrow \pi$ の上昇

7. 長期の均衡

モデルの構造

家計貯蓄と企業の設備投資が 一致するように資金市場が均衡 して、実質利子率が決定 財政政策は可処分所得を変化させ、実質利子率や第2期の実質 GDPに影響する

2期間を通じて所得(GDP)が平準化されるので、第2期の実質GDPは第1期の家計の消費と貯蓄選択に影響する



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) の p149より引用

- ①貨幣は物価水準だけに影響し、実質変数に影響しない (貨幣の中立性、古典派の二分法)
- ②マクロ経済の長期均衡は完全競争市場均衡なので、パレート効率的である。

第12章. 開放経済の長期分析

2. 開放経済モデルの特徴

- 仮定
 - ①自国は小国である
 - ②外国の経済活動に関する不確実性は考慮しない
 - ③国際間の資本移動は費用なしに行われる
- 外生変数
 - 第1期の資本ストック(K₁)、第1期と第2期の政府支出 (G₁,G₂)と税収(T₁,T₂)、第1期と第2期の名目貨幣量(M₁, M₂)、外国の実質利子率(r^{\$})と物価水準(P^{\$})
- 内生変数
 - 第1期と第2期の実質GDP(Y₁,Y₂)、第1期と第2期の物価水準(P₁, P₂)、自国の実質利子率(r)、<u>名目為替レート</u>(e)と実質為替レート(ε)

2. 開放経済の資金市場

(1)財市場の均衡条件仮定

- 第1期の財市場の均衡条件
 - Y₁=C₁+I+G₁+NX₁、NX:貿易収支
- 両辺に第1期の所得収支IB₁を加えると
 - $Y_1 + IB_1 = C_1 + I + G_1 + NX_1 + IB_1$
 - 国民総所得(GNI) 経常収支(CA)
 - $GNI_1-T_1-C_1 = I+(G_1-T_1)+CA_1$
- 国民民間貯蓄(S)=設備投資(I)+財政赤字 (G-T) +経常収支(CA)(「民間の資金余剰が、 企業、政府、海外の資金需要をまかなっている」)

2. 開放経済の資金市場

- 日本の経常収支が黒字(=対外純資産が増加)で、日米の2国のみを考えると、
- 米国の民間貯蓄一米国の設備投資一米国の 財政赤字=米国の経常収支(<0)
- (2)資金市場における国際間の無裁定条件
 - 自国と外国の実質利子率が一致する
 - 小国の条件より、自国の資金運用は外国に影響しない。自国債券と外国債券の運用でどちらかが有利という条件はない。
 - r=r^{\$}

-

3. GDPと経常収支の決定

(1)GDPの決定

- 第1期:Y₁=F(K₁)
- 第2期: $Y_2 = F(K_2) = F(K_1 + I(r^{\$})] \equiv Y_2(r^{\$})$
- 閉鎖経済: 国内の実質利子率がY₂を決定
- 小国開放経済:外国の実質利子率r^{\$}がY₂を 決定

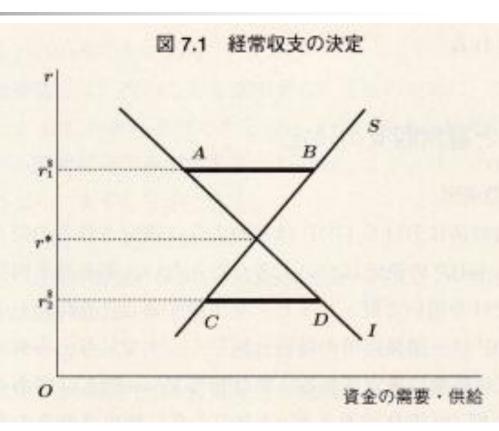
(2)経常収支の決定

$$S(r^{\$}, Y_1^* - T_1, Y_2(r^{\$}) - T_2) - (G_1 - T_1)$$

$$= I(r^{\$}) + CA_1$$

3. GDPと経常収支の決定

- ①外国の実質利子率(r₁*)>閉鎖経済の国内の均衡実質利子率(r*)の場合
- ⇒外国での資金運用が有利 なので、国内資金が供給不 足で実質利子率はr₁\$まで上 昇
- ⇒このとき資金供給は資金 需要をABだけ上回る
- ⇒余剰資金は海外で運用され、対外純資産は増加(= 経常収支は黒字)
- ②r₁\$<r*の場合
- CDの資金不足、対外純資産の減少(=経常収支は赤字)



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp158より引用

3. GDPと経常収支の決定

(3)物価水準の決定

- 物価水準の決定は閉鎖経済とは変わらない
- 第1期の物価水準

$$P_1 = \frac{M_1}{L(Y_1, r^{\$} + \pi))}$$

- Y₁,r^{\$}はすでに決定されていて、πも第2期の物価水準が決まることで決定される⇒名目貨幣量の増加(減少)が物価水準の上昇(下落)をもたらす
- 第2期の物価水準

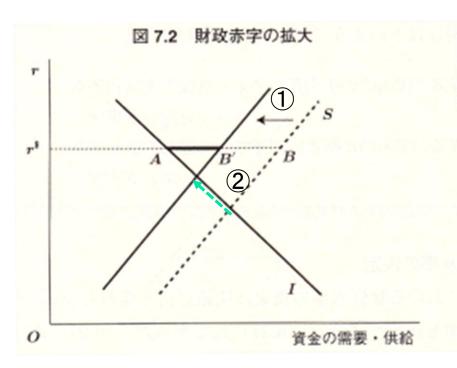
$$P_2^* = \frac{M_2}{L(Y_2(\mathbf{r}^{\$}))}$$

4. 比較静学

(1)財政赤字の拡大

- ①第1期目の政府支出⇒

 (スライド24の)<u>貯蓄一財</u>
 <u>政赤字が減少</u>⇒資金供給が減少
- 閉鎖経済では金利が上昇する(、)が、開放経済では は海外から調達可能なため金利はr^{\$}のまま変化せず(設備投資の減少せず)
- ②経常収支がABからAB′に減少

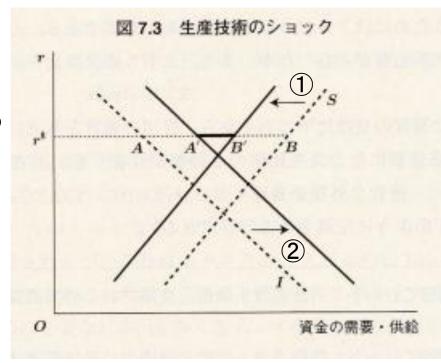


二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp158より引用

4. 比較静学

(2)生産技術のショック

- ①生産技術の改善により、 スライド13と同様に、設備 投資の拡大⇒第2期のGDP 上昇⇒(完全予見)⇒消費 が増加=貯蓄は減少⇒資 金供給曲線は左にシフト。
- ②投資曲線は右にシフト
- ③経常収支がABからA' B' に減少

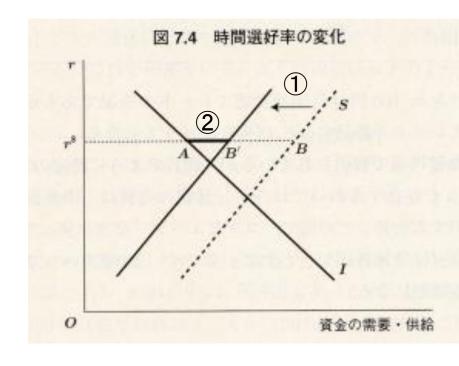


二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp161より引用

4. 比較静学

(3)時間選好率の変化

- ①時間選好率の上昇⇒現 在の消費を重視=貯蓄の 減少
- 開放経済では海外から調達可能なため金利はr^{\$}のまま(設備投資は減少せず)
- ②経常収支がABからAB'に減少



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp161より引用

5. 為替レート

- (1) 為替レート
 - 自国通貨建て:1ドル=100円
 - 外国通貨建て:1円=0.01ドル
- (2)名目為替レートと実質為替レート
 - 名目為替レート: 外国(自 国)<u>通貨</u>1単位と交換される 自国(外国)通貨の単位数
 - 円高(ドル安):1ドル= 100円→1ドル=90円
 - 円安(ドル高):1ドル= 100円→1ドル=110円



二神孝一・堀敬一『マクロ経済学』 (有斐閣) のp164より引用

5. 為替レート

- 実質為替レート: 外国(自国)の財1単位と交換される 自国(外国)財の単位数
- 日本の財の価格をP、外国の財の価格をP^{\$}、自国通 貨建ての名目為替レートと実質為替レートをe,ε
- $\epsilon = \frac{eP^{\$}}{P}$
 - たとえば、米国の財を1単位売るとP^{\$}ドルを入手。
 - これを円に交換するとeP^{\$}円。
 - ullet したがって、日本の財は $rac{eP^\$}{P}$ 単位購入できる。
- ε<1:日本の財の価格が高い</p>
- € ε>1:日本の財の価格が安い

5. 為替レート

- (3)長期の為替レート決定理論:購買力平価
 - 一物一価の法則
 - ε<1:日本の財の価格が高い ⇒ 割安な米国の財だ けが日米両国から需要される
 - ε>1:日本の財の価格が安い ⇒ 割安な日本の財だけが日米両国から需要される
 - 長期においては

$$\varepsilon^* = 1 \quad \Rightarrow \quad e^* = \frac{P}{P^{\$}}$$

■ 金融緩和(M↑)⇒(日本の物価が上昇)⇒円安($e^* \uparrow$) $e^* = \frac{1}{P^{\$}} \frac{M_1}{L(Y_1^*, r^{\$} + \pi)}$



本日の課題

- 購買力平価が成立しているとする。自国財の物価水準が3、外国財の物価水準が6のとき、以下の問いに答えなさい。
- (1)名目為替レートはいくらになるか、自国通 貨建てレートで答えなさい。
- (2)名目為替レートはいくらになるか、外国通 賃建てレートで答えなさい。